

الإحداثيات المستوية - 3.2

1] النقطة $(5, 7)$ تقع في الربع

- A) الأول B) الثاني
C) الثالث D) الرابع

2] النقطة $(-5, -7)$ تقع في الربع الثالث

- A) هوأب B] خطأ

3] النقطة $(-5, 7)$ تقع في الربع

- A] الأول B] الثاني
C] الثالث D] الرابع

4] النقطة $(5, -7)$ تقع في الربع الرابع

- A) هوأب B) خطأ

5] طول القطعة المستقيمة التي تمر بالنقطتين

(2, 10) و (3, 14)

هو

A) 3

B) $\sqrt{17}$

C) 17

D) $\sqrt{5}$

الحل

طول القطعة المستقيمة التي تمر بالنقطتين

$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \begin{matrix} (2, 10) \\ x_1, y_1 \end{matrix} \text{ و } \begin{matrix} (3, 14) \\ x_2, y_2 \end{matrix}$$

$$\sqrt{(3 - 2)^2 + (14 - 10)^2} =$$

$$\sqrt{(1)^2 + (4)^2} =$$

$$\sqrt{1 + 16} =$$

$$\# \sqrt{17} =$$

6]

نقطة المنتصف المارة بالنقطتين
 $(6, 8)$ و $(4, 12)$

هـ

A) $M = (10, 20)$

B) $M = (5, 10)$

C) $M = (2, 4)$

D) $M = (1, 2)$

الحل نقطة المنتصف المارة بالنقطتين $(6, 8)$, $(4, 12)$
 x_1, y_1, x_2, y_2

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

$$M = \left(\frac{6+4}{2}, \frac{8+12}{2} \right)$$

$$M = \left(\frac{10}{2}, \frac{20}{2} \right)$$

$$M = (5, 10) \#$$

معادلات الخط المستقيم - 3.3

1) ميل المستقيم المار بالنقطتين $(2, 3)$ و $(10, 5)$ هو

A) 4

B) $\frac{1}{4}$

C) $\frac{12}{8}$

D) $\frac{8}{12}$

الحل

ميل المستقيم المار بالنقطتين $(2, 3)$ و $(10, 5)$
 $x_1 \ y_1 \quad x_2 \ y_2$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$= \frac{5 - 3}{10 - 2}$$

$$= \frac{2}{8}$$

$$= \frac{\cancel{2}(1)}{\cancel{2}(4)}$$

$$= \frac{1}{4}$$

2) إذا كانت معادلة المستقيم $y=7$ فإنه الميل هو

- A) 0 B) $-\frac{1}{7}$ C) 7 D) -7

• الجزء المقطوع منه محور y هو

- A) 0 B) $-\frac{1}{7}$ C) 7 D) -7

3) إذا كانت معادلة المستقيم $x=-7$ فإنه الميل هو غير معرف

- A) صواب B) خطأ

4) المستقيم الذي معادلته $x=5$ يسمى مستقيم رأسي

- A) صواب B) خطأ

5) المستقيم الذي معادلته $y=8$ يسمى مستقيم أفقي

- A) صواب B) خطأ

6) إذا كان ميله مستقيم ما ١٥ فإنه جزئه العلوي
منه المستقيم يميل نحو اليمين

A) صواب

B) خطأ

7) إذا كانت معادلة المستقيم $3y = 12x - 15$
فإنه الميل هو ١٢ والجزء المقطوع محور y هو -١٥

A) صواب

B) خطأ

الحل

$$3y = 12x - 15$$

$$\frac{3y}{3} = \frac{12}{3}x - \frac{15}{3}$$

$$y = 4x - 5$$

$$m = 4$$

الميل هو ٤

$$c = -5$$

الجزء
المقطوع منه
محور y هو
-٥

إذا كانت معادلة المستقيم $y + 10 = x$ فإنه 8)
 الميل هو

A) 1

B) 10

C) -10

D) -1

الجزء المقطوع منه محور y هو

A) 1

B) 10

C) -10

D) -1

الحل

$$y + 10 = x$$

$$y = 1x - 10$$

الميل هو 1

الجزء المقطوع منه محور y هو -10

9) إذا كانت ميل مستقيم ما 7 ويقطع جزءاً قدره 5
من محور الصادات
فإنه معادلة المستقيم هي

A) $y = 7x + 5$ B) $x = 7y + 5$

C) $y = 5x + 7$ D) $x = 5y + 7$

10) إذا كانت ميل مستقيم ما 5 ويمر بالمستقيم بالنقطة (2, 3)
فإنه معادلة المستقيم هي

A) $y = 5x - 7$ B) $y = 5x - 13$

C) $x = 5y - 13$ D) $x = 5y - 7$

الحل

$m = 5$ و $(x_1, y_1) = (2, 3)$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 3 = 5(x - 2)$$

$$y - 3 = 5x - 10$$

$$y = 5x - 10 + 3$$

$$y = 5x - 7 \quad \#$$

11) إذا كان المستقيم يقطع محور y جزءاً قدره 8
ويقطع محور x جزءاً قدره 9 فإنه معادلة
المستقيم هي

$$\frac{x}{9} + \frac{y}{8} = 1$$

خطاً B) صواب A)

12) إذا كانت معادلة المستقيم

$$y = \frac{3}{5}x + 2$$

• ميل المستقيم الموازي له هو

A) $-\frac{5}{3}$

B) $-\frac{1}{2}$

C) $\frac{3}{5}$

D) 2

• ميل المستقيم العمودي عليه هو

A) $-\frac{5}{3}$

B) $-\frac{1}{2}$

C) $\frac{3}{5}$

D) 2

معادلات من الدرجة الثانية - 3.5

1) إذا كانت المعادلة $x^2 + 5x + 4 = 0$ فإن المميز هو

A) 41

B) 9

C) -11

D) -9

الحل

$$x^2 + 5x + 4 = 0$$

$$a = 1 ; b = 5 \quad c = 4$$

$$\begin{aligned} \text{المميز} &= b^2 - 4ac \\ &= (5)^2 - 4(1)(4) \\ &= 25 - 16 \\ &= 9 > 0 \end{aligned}$$

للمعادلة جذران حقيقيان مختلفان

2) إذا كانت المعادلة $x^2 + 6x + 9 = 0$ فإن المميز هو

- A) 0 B) 72 C) 30 D) -30

الحل

$$x^2 + 6x + 9 = 0$$

$$a = 1 ; b = 6 ; c = 9$$

$$\begin{aligned}\text{المميز} &= b^2 - 4ac \\ &= (6)^2 - 4(1)(9) \\ &= 36 - 36 \\ &= 0\end{aligned}$$

للمعادلة جذران أو حلان حقيقيان متساويان

3) إذا كانت المعادلة $x^2 + x + 10 = 0$ فإن للمعادلة
حلان حقيقيان مختلفان

- A) خطأ B) صح

الحل

$$x^2 + x + 10 = 0$$

$$a = 1 ; b = 1 ; c = 10$$

$$\begin{aligned}\text{المميز} &= b^2 - 4ac \\ &= (1)^2 - 4(1)(10)\end{aligned}$$

$$\text{المميز} = 1 - 40$$

$$= -39 < 0$$

ليس للمعادلة حل
حقيقي

4) حل المعادلة $x^2 + 7x = 0$ هو
 $x_1 = 0$
 $x_2 = -7$

خطأ B) جواب A)

الحل

$$x^2 + 7x = 0$$

$$x(x + 7) = 0$$

$$\begin{array}{ccc} & \swarrow & \searrow \\ \text{cloud } x_1 = 0 & \text{or} & x + 7 = 0 \\ & & \text{cloud } x_2 = -7 \end{array}$$

5) حل المعادلة $x^2 - 9 = 0$ هو

A) $x = 3$ B) $x = \pm 3$ C) $x = -3$ D) $x = 9$

الحل

$$x^2 - 9 = 0$$

$$x^2 = 9$$

$$x = \pm \sqrt{9}$$

$$\text{cloud } x = \pm 3$$

6) حل المعادلة $\frac{x}{4} = \frac{25}{x}$ هو _____

A) $x = 100$ B) $x = \pm 10$ C) $x = 50$ D) $x = 29$

الحل

$$\frac{x}{4} = \frac{25}{x}$$

$$(x)(x) = (4)(25)$$

$$x^2 = 100$$

$$x = \pm \sqrt{100}$$

$$x = \pm 10$$

7) إذا كانت معادلة $x^2 - 7x + 12$ فأي
قيمة x التي تحقق المعادلة هي ...

A) $x_1 = 3$; $x_2 = 4$

B) $x_1 = -3$; $x_2 = -4$

C) $x_1 = 3$; $x_2 = -4$

D) $x_1 = -3$; $x_2 = 4$

الحل

$$x^2 - 7x + 12 = 0$$

$$(x - 3)(x - 4) = 0$$

$$x - 3 = 0 \quad \text{or} \quad x - 4 = 0$$

$$x_1 = 3$$

$$x_2 = 4$$

8) إذا كانت المعادلة $3x^2 + 5x - 2 = 0$ فإن
التمييز هو 49

خطأ (B) جواب (A)

الحل

$$3x^2 + 5x - 2 = 0$$

$$a = 3 \quad b = 5 \quad c = -2$$

$$\text{التمييز} = b^2 - 4ac$$

$$= (5)^2 - 4(3)(-2)$$

$$= 25 - (-24)$$

$$= 25 + 24$$

$$= 49$$

المتراجحات الخطية - 3.6

1) حل المتراجحة $-2x > 12$ هو

A) $(-6, \infty)$

C) $[-6, \infty)$

B) $(-\infty, -6)$

D) $(-\infty, -6]$

الحل

$$-2x > 12$$

$$\frac{-2x}{-2} < \frac{12}{-2}$$

$$x < -6$$

حل المتراجحة :

$$S = \{x : x < -6\} = (-\infty, -6)$$

2) حل المتراجحة $x+3 \geq 7$ هو

A) $\{x: x \leq 4\}$ B) $\{x: x \geq 4\}$

$\{x: x \leq 10\}$ C) $\{x: x \geq 10\}$

الحل

$$x+3 \geq 7$$

$$x \geq 7-3$$

$$x \geq 4$$

$$S = \{x: x \geq 4\} = [4, \infty)$$

3) حل المتراجحة $3x+7 \leq 10$ هو

$$S = (-\infty, 1]$$

A) صواب B) خطأ

الحل

$$3x+7 \leq 10$$

$$3x \leq 10-7$$

$$3x \leq 3$$

$$\frac{3x}{3} \leq \frac{3}{3}$$

$$x \leq 1$$

$$S = \{x: x \leq 1\} = (-\infty, 1]$$

4) حل المتراجحة $5x + 7 < 7x - 5$ هو

(الحل)

A) $[6, \infty)$

B) $(-\infty, 6]$

C) $(-\infty, 6)$

D) $(6, \infty)$

$$5x + 7 < 7x - 5$$

$$5x - 7x < -5 - 7$$

$$-2x < -12$$

$$\frac{-2x}{-2} > \frac{-12}{-2}$$

$$x > 6$$

$$S = \{x : x > 6\} = (6, \infty)$$

3.7 -

تطبيقات إدارية وإنسانية

- 1) العلاقة التالية $y = 200x + 60$ تمثل بين تكاليف صيانة سيارة (y) وعدد ساعات العمل عليها (x) إذا كانت عدد ساعات العمل على صيانة السيارة 5 ساعات فإن تكلفة صيانة السيارة هي 265 ريال

خطأ (B) صواب (A)

الحل

$$y = 200x + 60$$

$$y = 200(5) + 60$$

$$y = 1000 + 60$$

$$y = 1060 \text{ ريال}$$